

**Concours d'Accès au Doctorat  
 Signaux et Systèmes de Télécommunications**

**Epreuve Théorie de l'Information et Techniques Avancées au Niveau Canal et Source**

**Problème : (10 points)**

Soit un Radar Doppler à impulsions, fonctionnant en bande C et possédant les caractéristiques techniques suivantes

Fréquence porteuse (émission)	$f_0 = 3.6 \text{ GHz}$
Fréquence de répétition des impulsions	$f_R = 1 \text{ KHz}$
Largeur d'impulsion	$\tau = 1 \mu\text{s}$
Puissance Moyenne	1 Kw
Vitesse d'antenne	$\Omega = 30 \text{ trs/mn}$
Ouverture en Azimute (- 3 dB)	$\theta = 1.5^\circ$
Fréquence Intermédiaire (Récepteur)	$f_i = 30 \text{ MHz}$
Probabilité de Fausses Alarmes Nominale	$P_{fa} = 10^{-4}$
Type MTI	Single Delay Line Canceller (SDLC)
Type Détecteur	CA-CFAR avec $N=16$ cellules de référence $Pd = \left(1 + \frac{T}{1 + SNR}\right)^{-N}$ Pd : Probabilité de détection SNR: Rapport signal/Bruit T: Facteur de maintien du taux de fausses alarmes

**Questions**

- Déterminer la résolution en portée  $\Delta R$ , la résolution en vitesse radiale  $V_R$  et l'ambiguïté en distance  $R_A$ .
- Donner le schéma bloc du filtre MTI et celui du détecteur utilisé.
- Calculer la réponse impulsionnelle  $h(t)$  du filtre MTI. En déduire son gain en puissance dans le domaine fréquentiel  $|H(\omega)|^2$ .

Pour cela, on rappelle le théorème du décalage temporel:  $TF [x(t-T)] = X(\omega) \cdot e^{-j\omega T}$

où TF représente la transformée de Fourier,  $X(\omega)$  la TF de  $x(t)$ ,  $\omega = 2\pi f$  la pulsation et  $j^2 = -1$ .

- Tracer le gain en puissance  $|H(\omega)|^2$  du MTI en fonction de la fréquence normalisée  $f_N = f/f_R$ .  
 A quoi correspond le point  $f_N = 0$  ? calculer les vitesses radiales aveugles (en km/h) de ce système Radar.

5. La sensibilité du récepteur est réglée telle qu'une cible de surface radar équivalente (RCS) de  $20 \text{ m}^2$ , située à une portée de 15 km, rétrodiffuse un signal minimum détectable ayant un rapport signal/bruit  $\text{SNR}_0=0 \text{ dB}$ . Calculer alors la probabilité de détection ( $P_d$ ) d'un tel signal.
6. En déduire la probabilité de détection de cette même cible ( $20 \text{ m}^2$ ) quand elle est située à une portée de 5 km.

### Rappel

Une des formes de l'équation du Radar est exprimée par

$$R^4 = \frac{P \cdot G^2 \cdot \lambda^2 \cdot \sigma}{(4\pi)^3 \cdot k \cdot \text{SNR}}$$

où  $R$ ,  $P$ ,  $G$ ,  $\lambda$  et  $\sigma$  représentent, respectivement, la portée, la puissance émise, le gain de l'antenne, la longueur d'onde du signal émis et la surface radar équivalente (RCS) de la cible.  $k$  est une constante qui correspond à l'ensemble des pertes et à la nature du bruit au niveau du récepteur.

### Exercice 1 (6 points)

$X$  est une source discrète sans mémoire qui produit les quatre symboles  $x_1, x_2, x_3, x_4$ , avec les probabilités  $p(x_1)=0.5, p(x_2)=0.3, p(x_3)=0.15$ .

- 1) calculer la probabilité de  $x_4$ .
- 2) calculer l'entropie  $H(X)$  de la source.
- 3) construis le code Huffman de  $X$  ?
- 4) calculer la longueur moyenne de ce code ( $L$ )?
- 5) calculer l'efficacité de ce code?

### Exercice 2 (4 points)

Soit un canal AWGN (bruit blanc gaussien additif) de bande passante 4 kHz avec une densité spectrale de puissance de  $\eta/2$  égale à  $10^{-12} \text{ W/Hz}$ . La puissance du signal nécessaire au récepteur est de 0.1 mW. Calculer la capacité de ce canal.